

با سمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۵ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان
تعداد صفحه: ۲	تاریخ امتحان: ۱۳۹۳/۱۰/۰۸	سال سوم آموزش متوسطه	نام و نام خانوادگی:
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۳۹۳		

ردیف	توجه: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) بلامانع است. سوالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
------	--	------

۱	در دنباله‌ی حسابی ... ۳, ۹, ۱۵,... حداقل چند جمله‌ی آن را باید جمع کنیم تا حاصل از ۳۰۰ بیشتر شود؟	۰/۷۵
۲	جمله‌ی سوم بسط $(x + \frac{2}{x})^5$ را بنویسید.	۰/۷۵
۳	اگر α و β ریشه‌های معادله‌ی درجه‌ی دوم $-5x - 4x^2 = 0$ باشد، معادله‌ای بنویسید که ریشه‌های آن 2α و 2β باشد.	۱/۵
۴	جاهاي خالي را با عدد يا عبارت رياضي مناسب پر کنيد. الف) جواب‌های معادله‌ی $ x+1 =4$ برابر با و است. ب) مجموعه‌ی جواب نامعادله‌ی $ 2x-1 \leq 7$ بازه‌ی است.	۱
۵	ضابطه‌ی تابع f که نمودار آن در زیر آمده است را بیابید.	۱
۶	اگر $f(x) = \frac{1}{x+2}$ و $g(x) = \frac{1}{x-1}$ باشنند، دامنه‌ی تابع gof را تعیین کنید.	۱/۲۰
۷	زوج یا فرد بودن تابع $f(x) = \frac{x^3 - 3x}{2x^2 + x^2}$ را مشخص کنید.	۱
۸	ضابطه‌ی وارون تابع $f(x) = \sqrt{2x+3}$ را به دست آورید.	۰/۷۵
۹	مقدار تانژانت زاويه‌ی 105° را حساب کنید.	۱
۱۰	معادله‌ی مثلثاتی $2\sin^2 x - \sin x = 0$ را حل کرده و جواب‌هایی که در بازه‌ی $[0, 2\pi]$ هستند را تعیین کنید.	۱/۵
۱۱	مقدار $(-\frac{1}{2})^{-1} \cos$ را حساب کنید.	۰/۵

ادامه‌ی سوالات در برگه‌ی دوم

با اسمه تعالی

نام و نام خانوادگی :	سال سوم آموزش متوسطه	رشته : ریاضی فیزیک	ساعت شروع : ۱۰ صبح	مدت امتحان : ۱۳۵ دقیقه
تعداد صفحه:	۲	تاریخ امتحان:	۱۳۹۳/۱۰/۰۸	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داولطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۳۹۳ مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://ace.medu.ir				

ردیف	توجه:	نمره
	توجه ۴: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) بلا مانع است. سوالات (پاسخ نامه دارد)	

۱۲	با تکمیل جدول زیر، مقدار حد تابع $f(x) = \begin{cases} x+1 & x < 1 \\ 2x & x > 1 \end{cases}$ به دست آورید.	۱/۲۵
۱۳	حدود توابع زیر را در صورت وجود محاسبه کنید. (الف) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{\sqrt{x+2}-1}{2x^2+2x}$ (ب) $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{\cos 2x}{\sin x - \cos x}$	۱/۷۵
۱۴	پیوستگی تابع زیر را در نقطه $x=1$ بررسی کنید. $f(x) = \begin{cases} x^2-1 & x \neq 1 \\ 1 & x = 1 \end{cases}$	۱
۱۵	با استفاده از تعریف مشتق، وجود مشتق های راست و چپ و مشتق پذیر بودن تابع $f(x) = x-3 $ را در نقطه $x=3$ بررسی کنید.	۱/۵
۱۶	مشتق توابع زیر را بنویسید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.) (الف) $y = (3x^2 + 5x)(4x^2 + \sin x)$ (ب) $y = \sqrt{4-x^2} + 2\sin^{-1} x$	۲/۵
۱۷	اهنگ تغییرات مساحت دایره نسبت به محیط آن، برای دایره ای به محیط 3π را بیابید.	۱
	جمع نمره	۲۰

با سمه تعالی

رشته‌ی: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: حسابان
تاریخ امتحان: ۱۳۹۳ / ۰۸ / ۱۰	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در فوبت دی ماه سال ۱۳۹۳

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	حداقل باید ۱۱ جمله جمع شود. (۰/۲۵)	۰/۷۵
۲	(مسائل صفحه‌ی ۵) $S_n = \frac{n}{2} (3 \times 2 + 6(n-1)) > 300 \quad (۰/۲۵) \Rightarrow n^2 > 100 \Rightarrow n > 10 \quad (۰/۲۵)$	۰/۷۵
۳	(مسائل صفحه‌ی ۱۰) $40 \times x \quad (۰/۵) \quad (۰/۲۵)$	۰/۷۵
۴	(مسائل صفحه‌ی ۳۹ و تمرین در کلاس صفحه‌ی ۴۰) $\alpha + \beta = \frac{\Delta}{4} \quad (۰/۲۵) \Rightarrow S = 2\alpha + 2\beta = 2(\alpha + \beta) = \frac{\Delta}{2} \quad (۰/۲۵) \Rightarrow x^2 - \frac{\Delta}{2}x - \Delta = 0 \quad (۰/۲۵)$	۱/۰
۵	(تمرین در کلاس صفحه‌ی ۵۱) $\alpha \times \beta = -\frac{\Delta}{4} \quad (۰/۲۵) \quad P = 2\alpha \times 2\beta = 4\alpha \times \beta = -\Delta \quad (۰/۵)$	۱/۰
۶	(مثال صفحه‌ی ۷۳) $D_f = R - \{0\} \quad (۰/۲۵)$	۱/۲۵
۷	(مثال صفحه‌ی ۸۳) $D_g = R - \{-2\} \quad (۰/۲۵) \Rightarrow D_{gof} = \underbrace{\{x \in D_f \mid f(x) \in D_g\}}_{(۰/۲۵)} = \{x \in R - \{0\} \mid \underbrace{\frac{1}{x} - 1}_{x \neq -1} \neq -2\} = R - \{0, -1\} \quad (۰/۲۵)$	۱/۲۵
۸	(تابع فرد) $D_f = R - \{0\} \quad (۰/۲۵), f(-x) = \underbrace{\frac{(-x)^3 - 3(-x)}{2(-x)^4 + (-x)^2}}_{(۰/۲۵)} = \frac{-x^3 + 3x}{2x^4 + x^2} = -\underbrace{\frac{x^3 - 3x}{2x^4 + x^2}}_{(۰/۲۵)} = -f(x) \Rightarrow (۰/۲۵)$	۱
۹	(مثال صفحه‌ی ۹۱) $y = \sqrt{2x+3} \Rightarrow 2x = y^2 - 3 \quad (۰/۲۵) \Rightarrow x = \frac{y^2 - 3}{2} \quad (۰/۲۵) \Rightarrow f^{-1}(x) = \frac{1}{2}x^2 - \frac{3}{2} \quad (۰/۲۵)$	۰/۷۵
۱۰	(مثال صفحه‌ی ۱۱۴) $\tan 105^\circ = \tan(45^\circ + 60^\circ) = \frac{\tan 45^\circ + \tan 60^\circ}{1 - \tan 45^\circ \tan 60^\circ} = \frac{1 + \sqrt{3}}{1 - \sqrt{3}} \quad (۰/۲۵)$	۱
۱۱	(مسائل صفحه‌ی ۱۲۳) $\sin x(2\sin x - 1) = 0 \Rightarrow \sin x = 0 \Rightarrow x = k\pi \quad (۰/۲۵) \Rightarrow x = 0, \pi, 2\pi \quad (۰/۲۵)$	۱/۰
۱۲	$\sin x = \frac{1}{2} \Rightarrow x = 2k\pi + \frac{\pi}{6} \quad (۰/۲۵) \Rightarrow x = \frac{\pi}{6} \quad (۰/۲۵), x = 2k\pi + \frac{5\pi}{6} \quad (۰/۲۵) \Rightarrow x = \frac{5\pi}{6} \quad (۰/۲۵)$	۱/۰
ادامه در صفحه‌ی دوم		

با سمه تعالی

رشته‌ی: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: حسابان
تاریخ امتحان: ۱۳۹۳ / ۱۰ / ۰۸	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در فوبت دی ماه سال ۱۳۹۳

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۱	$\cos^{-1}(-\frac{1}{2}) = \alpha \Rightarrow \cos \alpha = -\frac{1}{2} = \cos(\pi - \frac{\pi}{3})(\cdot/25) \Rightarrow \alpha = \frac{2\pi}{3} (\cdot/25)$ (تمرین در کلاس صفحه‌ی ۱۲۷)	۰/۵
۱۲	$\begin{array}{ c c c c c c } \hline x & ۰/۹۹ & ۰/۹۹۹ & \rightarrow & ۱ & \leftarrow ۱/۰۰۱ & ۱/۰۱ \\ \hline f(x) & ۱/۹۹ & ۱/۹۹۹ & \rightarrow & ? & \leftarrow ۲/۰۰۲ & ۲/۰۲ \\ & (\cdot/25) & (\cdot/25) & & & (\cdot/25) & (\cdot/25) \\ \hline \end{array}$ $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 2 (\cdot/25)$ (تمرین در کلاس صفحه‌ی ۱۳۴)	۱/۲۰
۱۳	$\text{(الف)} \lim_{x \rightarrow -1} \frac{\sqrt{x+2}-1}{2x(x+1)} \times \frac{\sqrt{x+2+1}}{\underbrace{\sqrt{x+2+1}}_{(\cdot/25)}} = \lim_{x \rightarrow -1} \frac{(x+1)}{2x(x+1)(\sqrt{x+2+1})} = -\frac{1}{4} (\cdot/25)$ $\text{(ب)} \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{\cos^x x - \sin^x x (\cdot/25)}{-(\cos x - \sin x)} = \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{(\cos x - \sin x)(\cos x + \sin x)}{-(\cos x - \sin x)} = -\sqrt{2} (\cdot/25)$ (مسائل صفحه‌ی ۱۵۳)	۱/۷۵
۱۴	$\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x+1)(x-1)}{x-1} (\cdot/25) = 2 (\cdot/25) , f(1) = 1 \Rightarrow f(1) \neq \lim_{x \rightarrow 1} f(x) (\cdot/25)$ (مثال صفحه‌ی ۱۵۵)	۱
۱۵	$f'_+(3) = \lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{ x-3 -0}{x-3} = \lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{x-3}{x-3} = 1 (\cdot/25) , f'_-(3) = \lim_{x \rightarrow 3^-} \frac{-(x-3)}{x-3} = -1 (\cdot/25)$ (مثال صفحه‌ی ۱۶۷)	۱/۵
۱۶	$\text{(الف)} f'(x) = \underbrace{(6x+5)}_{(\cdot/5)} \times (4x^3 + \sin x) + \underbrace{(3x^2 + 5x) \times (8x + \cos x)}_{(\cdot/5)}$ $\text{(ب)} g'(x) = \frac{-2x (\cdot/25)}{2\sqrt{4-x^2} (\cdot/25)} + \underbrace{\frac{2 (\cdot/25)}{\sqrt{1-x^2}}}_{(\cdot/5)}$	۲/۵
۱۷	$S(r) = \pi r^4 (\cdot/25) , P(r) = 2\pi r \Rightarrow S(p) = \frac{1}{4\pi} P^4 (\cdot/25) \Rightarrow S'(P) = \frac{P}{2\pi} (\cdot/25) \Rightarrow S'(3\pi) = \frac{3}{2} (\cdot/25)$ (مثال صفحه‌ی ۱۸۰)	۱

همکاران محترم، لطفاً به سایر راه حل‌های صحیح به تناسب بارم را تقسیم کنید. با تشکر طراحان

دانلود نمونه سوالات از سایت ریاضی سرا
www.riazisara.ir